

# PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

### LOE - JUNIO 2013

# MATEMÁTICAS II

#### INDICACIONES AL ALUMNO

- 1. Debe escogerse una sola de las opciones.
- 2. Debe exponerse con claridad el planteamiento de la respuesta o el método utilizado para su resolución. Todas las respuestas deben ser razonadas.
- 3. Entre corchetes se indica la puntuación máxima de cada apartado.
- No se permite el uso de calculadoras gráficas ni programables. Tampoco está permitido el uso de dispositivos con acceso a Internet.

### OPCIÓN DE EXAMEN Nº 1

1. [3,25 PUNTOS] Considera el sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} 2x + y + az &= -1 \\ -x + ay - z &= 2 \\ 2ax - 2y + a^{2}z &= 2 \end{cases}, a \in \mathbb{R}.$$

Estúdialo para los distintos valores del parámetro a y resuélvelo cuando sea compatible (calculando todas sus soluciones).

- 2.
- **a)** [2 PUNTOS] De entre todos los rectángulos de perímetro 16 cm., determina las dimensiones del rectángulo que tiene la diagonal menor. Calcula la longitud de dicha diagonal.
- **b)** [1,5 PUNTOS] Calcula el valor de  $a \in \mathbb{R}$ , a > 0, para que el área de la región plana encerrada entre la parábola  $y = x^2$  y la recta y = a sea igual a  $\frac{4}{3}$  unidades de superficie.
- 3. Los puntos A = (1,3,1) y B = (2,1,3) son dos vértices consecutivos de un cuadrado. Los otros dos vértices del cuadrado pertenecen a una recta r que pasa por el punto P = (2,7,0).
  - a) [1 PUNTO] Calcula la ecuación de la recta r.
  - **b)** [1 PUNTO] Determina la ecuación general del plano  $\pi$  que contiene al cuadrado.
  - c) [1,25 PUNTOS] Calcula las coordenadas de los otros dos vértices del cuadrado.

## OPCIÓN DE EXAMEN № 2

1.

- **a)** [2 PUNTOS] Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ , determina la matriz B que verifica  $A + B = A \cdot B$ .
- **b)** [1,25 PUNTOS] Sea M una matriz cuadrada tal que  $\det(M) = -1$  y  $\det((-2)M) = 8$ . Calcula el tamaño de la matriz M.

2.

- a) [1,5 PUNTOS] Considera la función  $f(x) = \frac{ax^2 + bx + c}{x^2 4}$ . Halla los valores de a, b y c para que la gráfica de la función f tenga como asíntota horizontal la recta y = -1 y un mínimo en (0,1).
  - **b)** [1 PUNTO] Estudia si la función  $g(x) = \begin{cases} -x^2 + 1 & si & x < 0 \\ 1 & si & x \ge 0 \end{cases}$  es derivable en x = 0.
  - c) [1 PUNTO] ¿Cuántos puntos de inflexión puede tener como máximo una función polinómica de grado cuatro?
- 3. Considera la recta  $r \equiv \frac{x-5}{-1} = y-2 = z$  y sea s la recta que pasa por los puntos A = (1,6,6) y B = (4,c,5).
  - a) [1,5 PUNTOS] Determina el valor del parámetro c para que las rectas r y s se corten. Halla el punto de corte P.
  - **b)** [1 PUNTO] Calcula la ecuación general del plano  $\pi$  que contiene a las dos rectas r y s.
  - c) [0,75 PUNTOS] Halla el coseno del ángulo  $\alpha$  que forman las rectas r y s. (Si no has determinado el valor del parámetro c, calcula  $\cos \alpha$  en función de c).